

Contributions à l'Apprentissage Collaboratif non Supervisé

MOHAMAD GHASSANY

Directeur: Younès Bennani

LIPN, UMR CNRS 7030
École Doctorale Galilée
Université Paris 13, Sorbonne Paris Cité

Soutenance de thèse

7 novembre 2013





Plan de la présentation

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

① Contexte

Collaboration
sous cadre
Déterministe

② Clustering Collaboratif à base de Prototypes

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

③ Collaboration sous cadre Déterministe

Collaboration
sous cadre
Bayésien

④ Collaboration sous cadre Probabiliste

Bilan &
Perspectives

⑤ Collaboration sous cadre Bayésien

⑥ Bilan & Perspectives



Plan de la présentation

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

1 Contexte

Collaboration
sous cadre
Déterministe

2 Clustering Collaboratif à base de Prototypes

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

3 Collaboration sous cadre Déterministe

Collaboration
sous cadre
Bayésien

4 Collaboration sous cadre Probabiliste

Bilan &
Perspectives

5 Collaboration sous cadre Bayésien

6 Bilan & Perspectives



Clustering

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

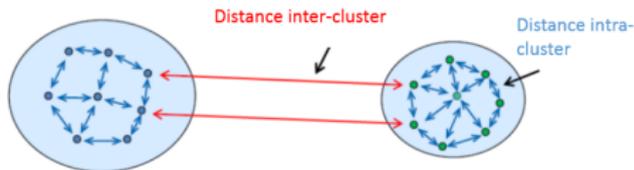
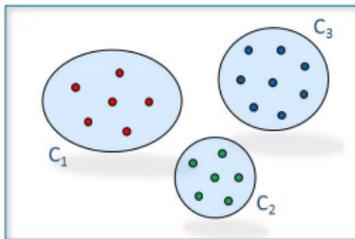
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- soit $\mathbf{X} = \{x_i \in \mathbb{R}^D\}_{i=1, \dots, N}$ un ensemble d'observations décrit par D attributs.
- Objectif du clustering : **structuration des données en classes homogènes**. On cherche à regrouper les points en **clusters** ou classes tels que les **données d'un cluster** soient les plus **similaires** possibles.
- Clustering : c'est de **l'apprentissage non supervisé**. Les données ne sont pas étiquetées et le nombre de classes n'est pas connu.





Deux types de Clustering

Contexte

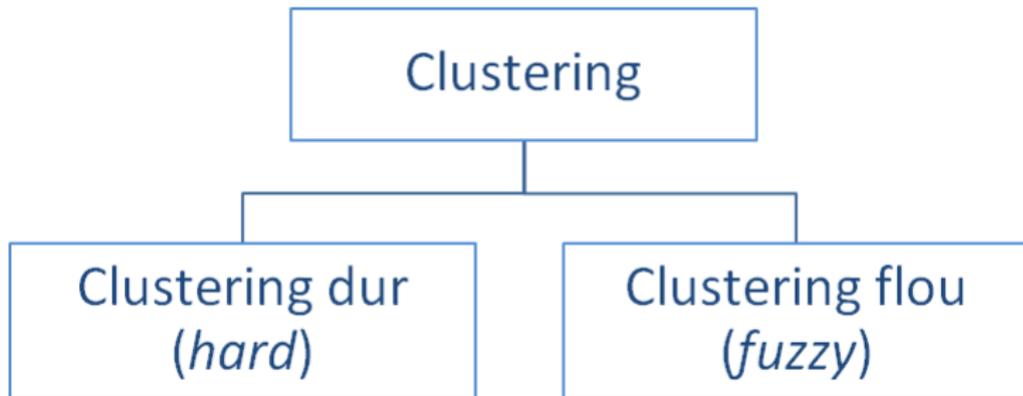
Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



chaque élément appartient à
un seul cluster

Approches Déterministes

chaque élément appartient à chacun
des clusters selon un degré
d'appartenance

Approches Probabilistes



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

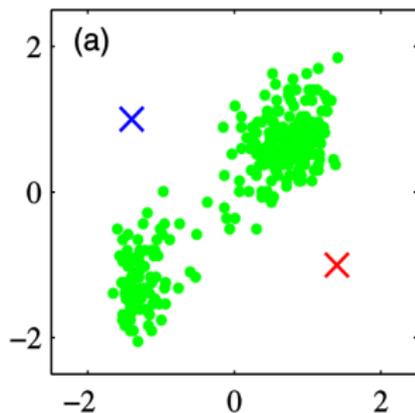
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Déterministe : Kmeans



choisir k prototypes aléatoires



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

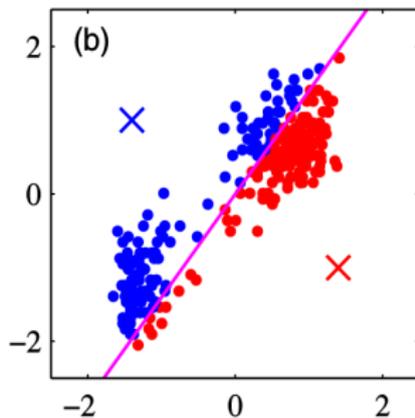
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Déterministe : Kmeans



attribuer chaque observation au
prototype le plus proche



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

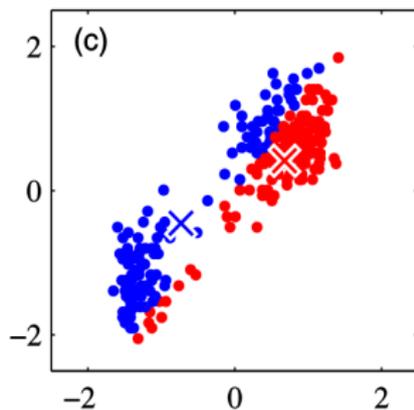
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Déterministe : Kmeans



mettre à jour les prototypes



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

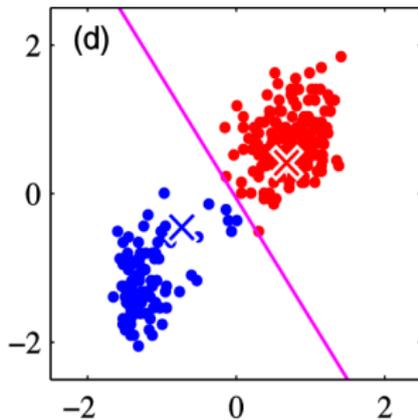
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Déterministe : Kmeans





Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

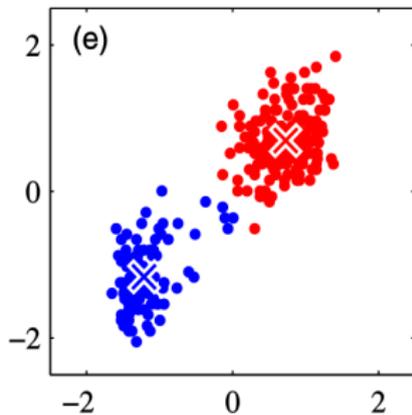
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Déterministe : Kmeans





Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

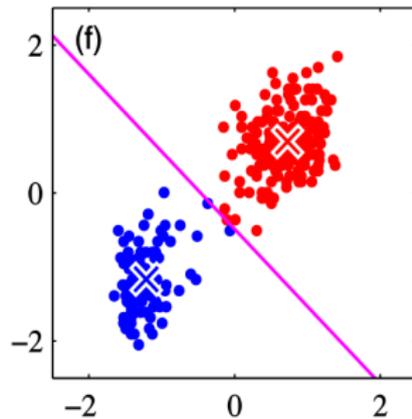
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Déterministe : Kmeans





Déterministe vs Probabiliste

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

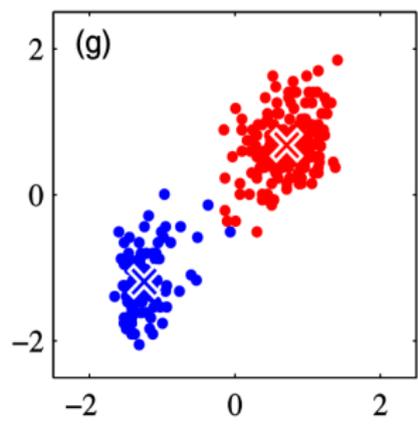
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

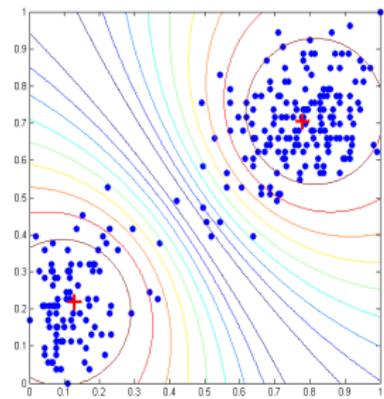
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Déterministe : Kmeans



Probabiliste : FCM





Déterministe vs Probabiliste

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

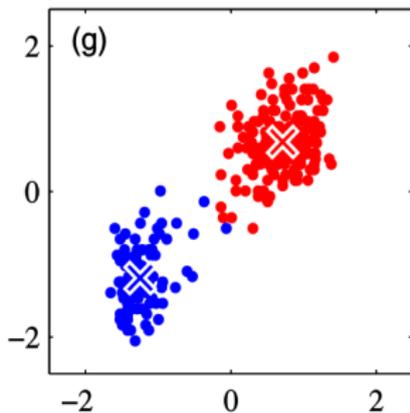
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

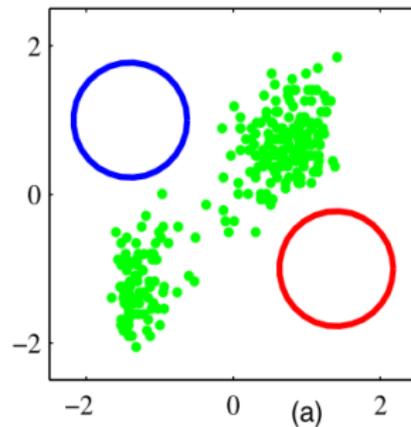
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Déterministe : Kmeans



Probabiliste : EM





Déterministe vs Probabiliste

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

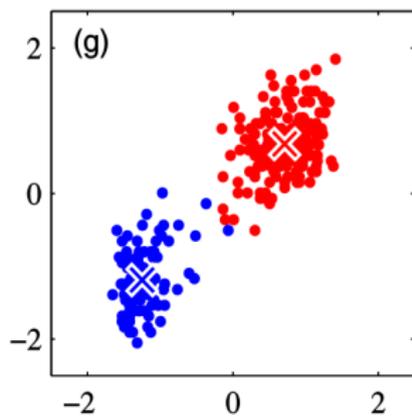
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

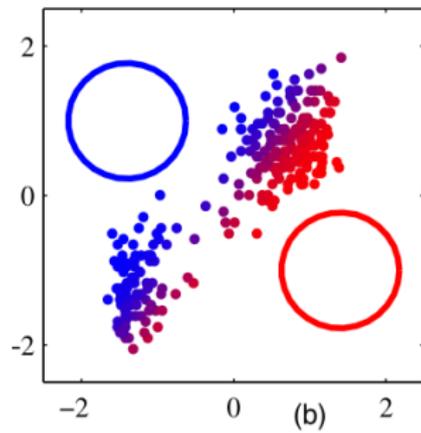
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Déterministe : Kmeans



Probabiliste : EM





Déterministe vs Probabiliste

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

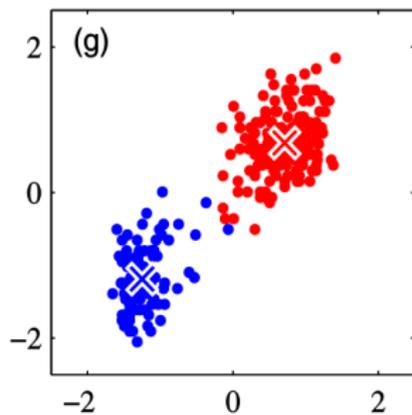
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

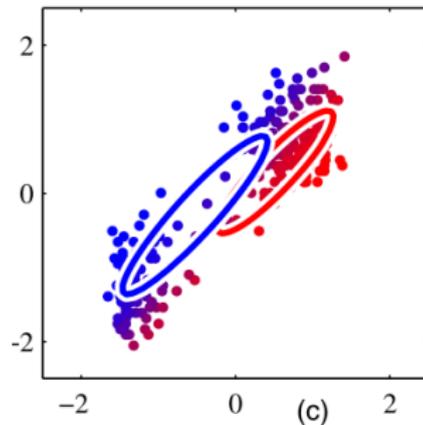
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Déterministe : Kmeans



Probabiliste : EM





Déterministe vs Probabiliste

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

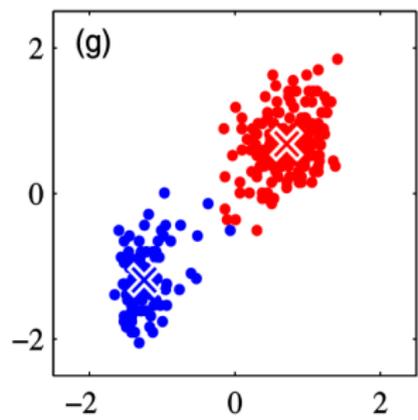
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

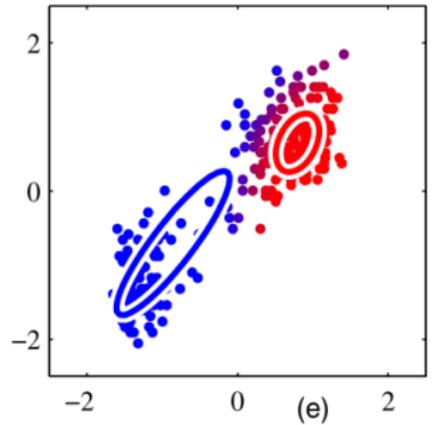
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Déterministe : Kmeans



Probabiliste : EM





Déterministe vs Probabiliste

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

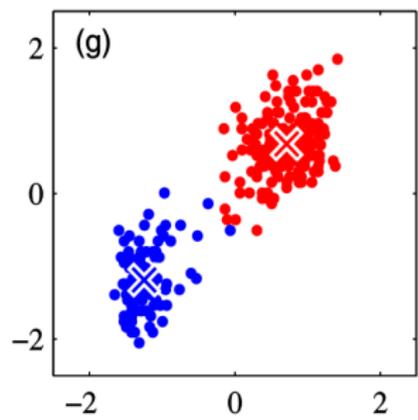
Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

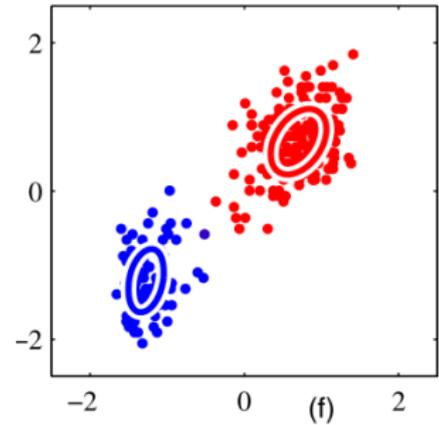
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Déterministe : Kmeans



Probabiliste : EM





Données distribuées

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Et si nous traitons des données distribuées sur P sites ?



D[i]



D[j]



D[k]

...



D[P]



Techniques standards

Contexte

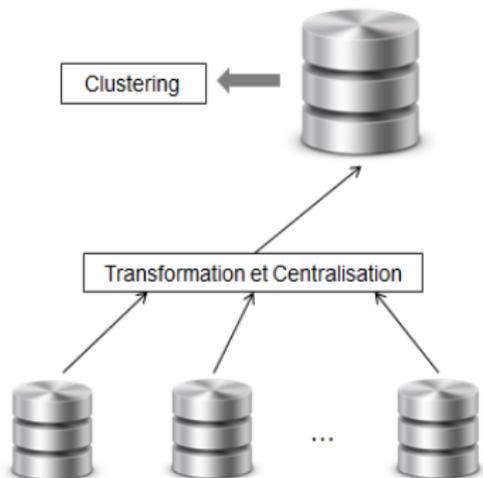
Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



- ! Calcul très coûteux.
- ! Non respect de la confidentialité de données.



Contexte

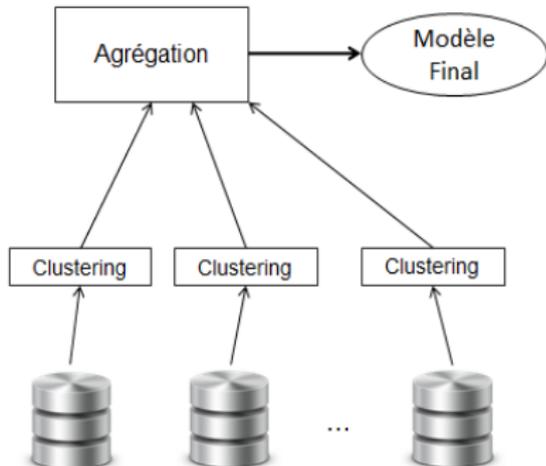
Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



- ! Ne prend pas en compte la qualité du clustering local.
- ! Absence de potentielle amélioration locale.



Contexte

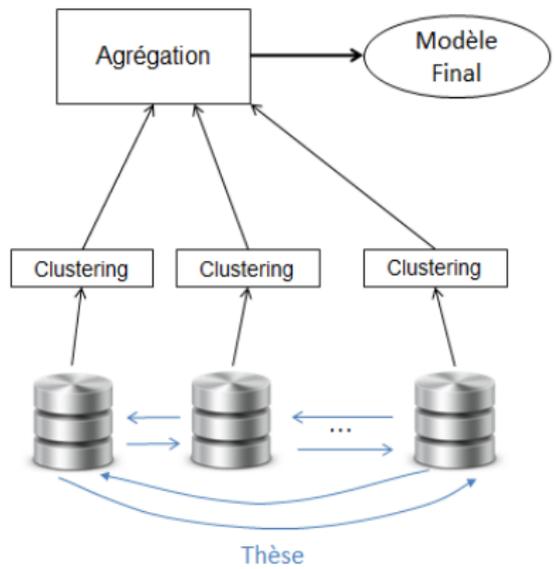
Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives





Contexte

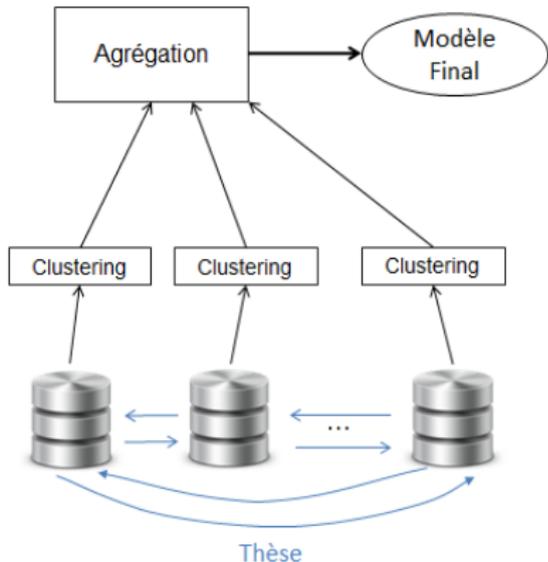
Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



But : Enrichir les
classifications locales à partir
des classifications distantes.

Hypothèse fondamentale : les données
sont i.i.d. & issues de la même
problématique.



Plan de la présentation

Contexte

Clustering Collaboratif à base de Prototypes

Approche
verticale

Approche
horizontale

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- 1 Contexte
- 2 Clustering Collaboratif à base de Prototypes
- 3 Collaboration sous cadre Déterministe
- 4 Collaboration sous cadre Probabiliste
- 5 Collaboration sous cadre Bayésien
- 6 Bilan & Perspectives



Clustering Collaboratif

Contexte

Clustering Collaboratif à base de Prototypes

Approche verticale

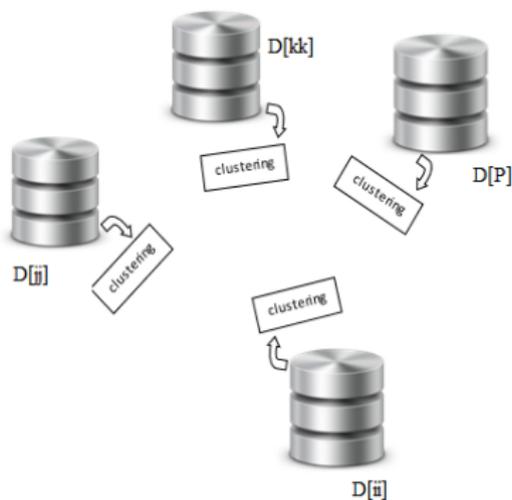
Approche horizontale

Collaboration sous cadre Déterministe

Collaboration sous cadre Probabiliste

Collaboration sous cadre Bayésien

Bilan & Perspectives



- Phase **locale** : Appliquer les algorithmes de clustering localement sur les différents sites.



Clustering Collaboratif

Contexte

Clustering Collaboratif à base de Prototypes

Approche verticale

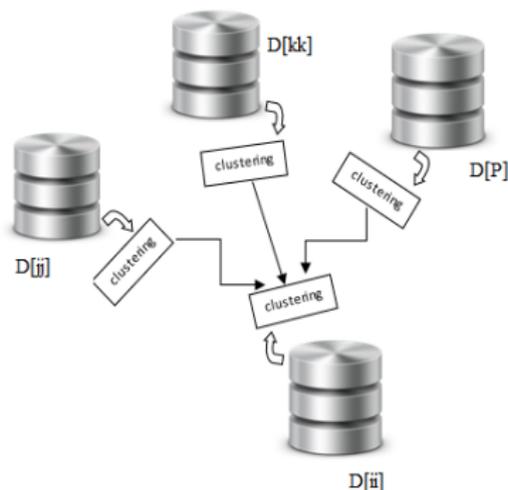
Approche horizontale

Collaboration sous cadre Déterministe

Collaboration sous cadre Probabiliste

Collaboration sous cadre Bayésien

Bilan & Perspectives



- Phase **locale** : Appliquer les algorithmes de clustering localement sur les différents sites.
- Phase **globale** : Collaborer les sites en partageant les résultats obtenus lors de la phase locale.



Clustering Collaboratif

Contexte

Clustering Collaboratif à base de Prototypes

Approche verticale

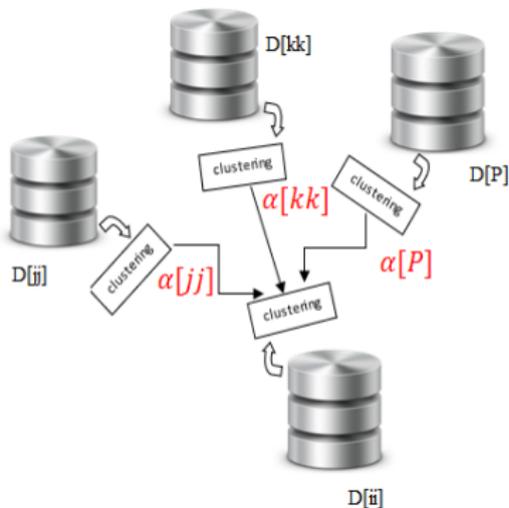
Approche horizontale

Collaboration sous cadre Déterministe

Collaboration sous cadre Probabiliste

Collaboration sous cadre Bayésien

Bilan & Perspectives



- Phase **locale** : Appliquer les algorithmes de clustering localement sur les différents sites.
- Phase **globale** : Collaborer les sites en partageant les résultats obtenus lors de la phase locale.
- La collaboration est contrôlée par un **coefficient**, i.e. confiance.



Coefficients de Collaboration

Contexte

Clustering Collaboratif à base de Prototypes

Approche verticale

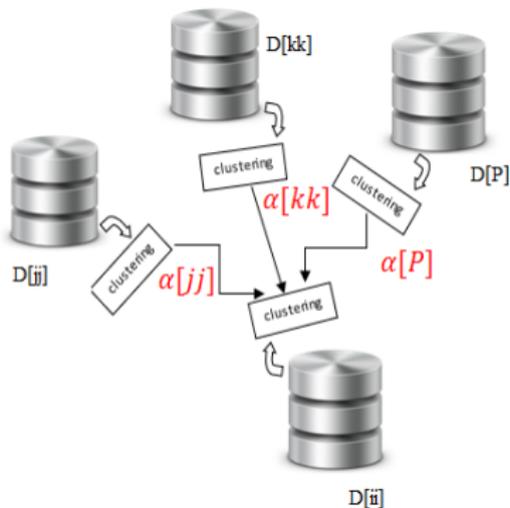
Approche horizontale

Collaboration sous cadre Déterministe

Collaboration sous cadre Probabiliste

Collaboration sous cadre Bayésien

Bilan & Perspectives



- Coefficients ≥ 0 .
- Coefficient élevé \implies Collaboration forte.
- Ne sont pas symétriques.
- Ce coefficient sera **calculé automatiquement** [Ghassany11].



Deux approches de collaboration, selon la répartition des données

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Approche
verticale

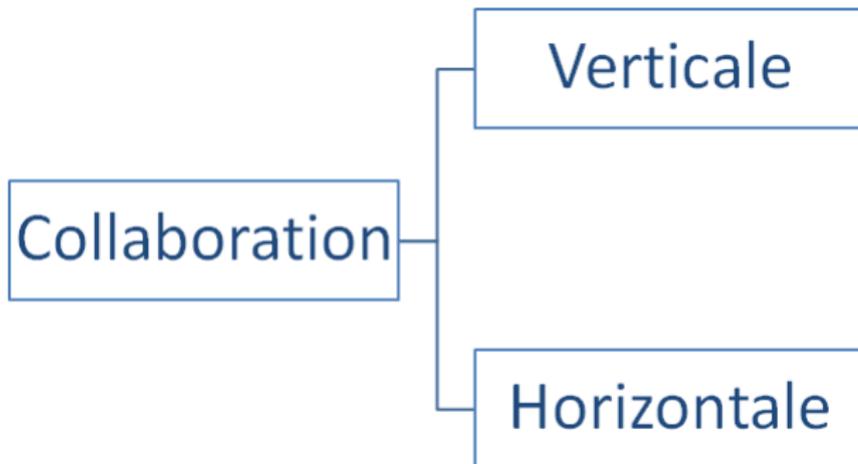
Approche
horizontale

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives





Approche verticale

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Approche
verticale

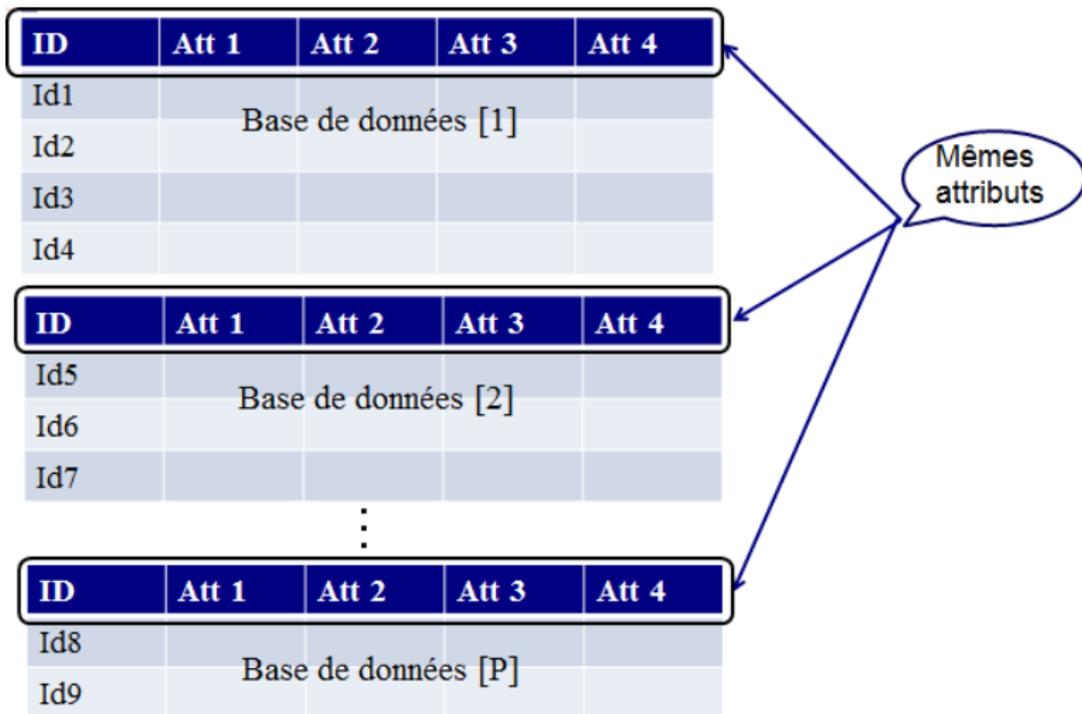
Approche
horizontale

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



Exemple : Plusieurs supermarchés analysent le comportement de leurs clients, selon les mêmes critères. Les clients ne sont pas les mêmes.



Approche horizontale

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Approche
verticale

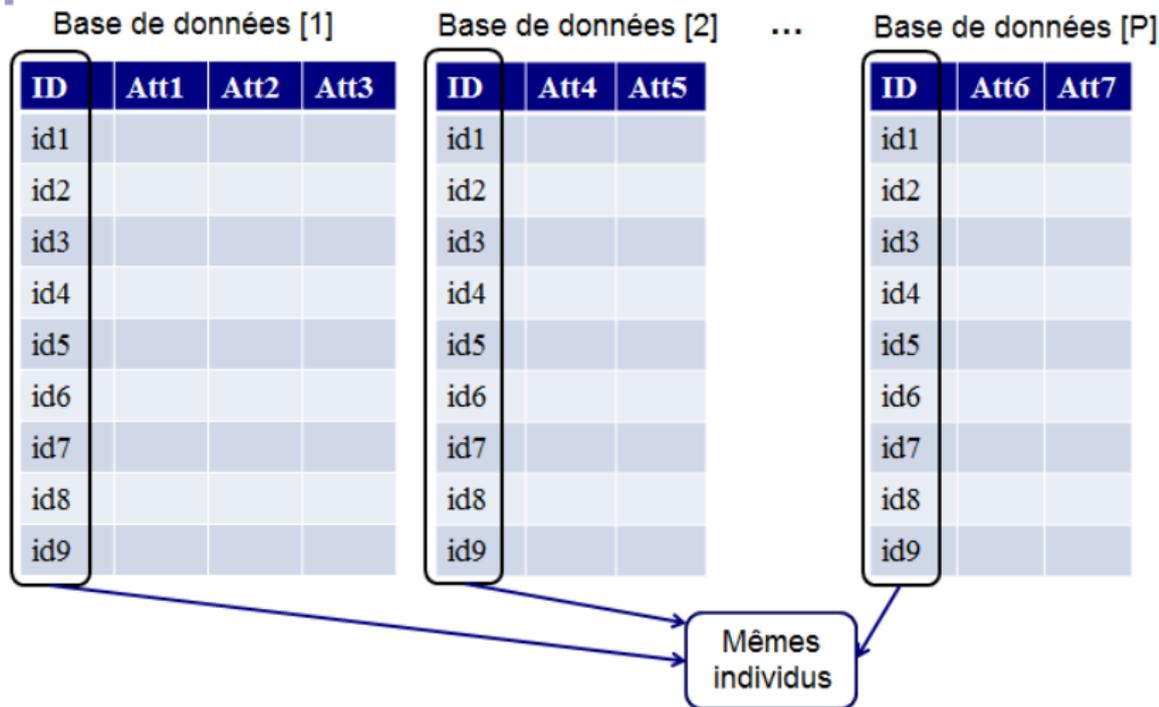
Approche
horizontale

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



Exemple : Les mêmes personnes sont clients de différents organismes.



Plan de la présentation

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- 1 Contexte
- 2 Clustering Collaboratif à base de Prototypes
- 3 Collaboration sous cadre Déterministe
- 4 Collaboration sous cadre Probabiliste
- 5 Collaboration sous cadre Bayésien
- 6 Bilan & Perspectives



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Objectif

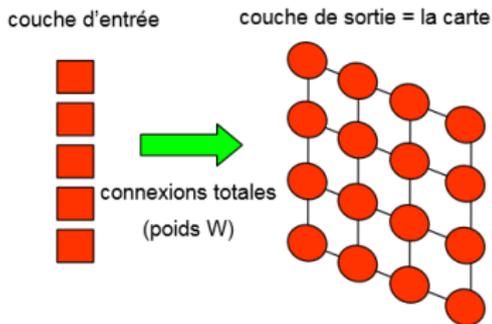
Clustering & Visualisation.

Principe

Les données vectorielles sont projetées sur une carte de neurones de dimension réduite en conservant la topologie de l'espace d'observation.

- définition a priori d'une notion de voisinage entre classes.
- des observations voisines dans l'espace de données appartiennent après classement à la même classe ou à des classes voisines.

Espaces





Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

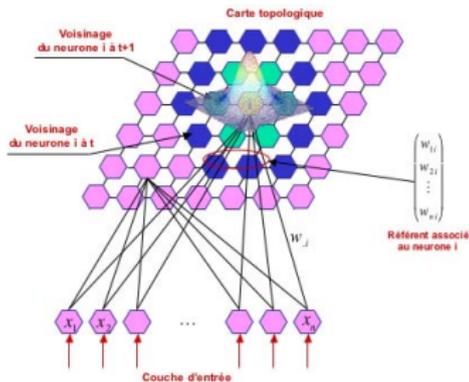
Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- Fonction de coût

$$R(\chi, \mathcal{W}) = \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^C \mathcal{K}_{(j, \chi(x_i))} \|x_i - \mathbf{w}_j\|^2$$





Apprentissage de la carte

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- Fonction de coût

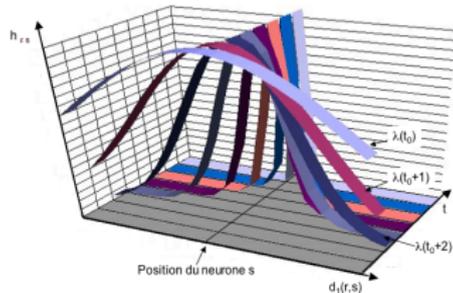
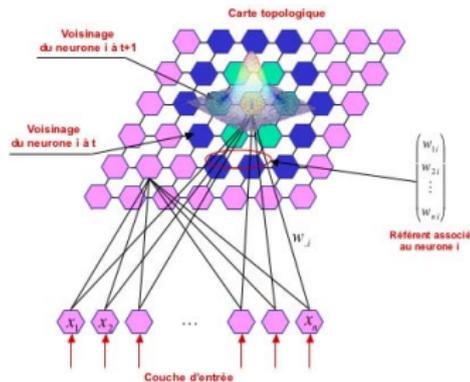
$$R(\chi, \mathcal{W}) = \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^C \mathcal{K}_{(j, \chi(x_i))} \|x_i - \mathbf{w}_j\|^2$$

- Fonction de voisinage

$$\mathcal{K}_{(j, \chi(x_i))} = \frac{1}{\lambda(t)} \exp\left(-\frac{d_1^2(i, j)}{\lambda^2(t)}\right)$$

- Fonction d'affectation

$$\chi(x_i) = \arg \min_j (\|x_i - \mathbf{w}_j\|^2)$$





Après avoir calculé les prototypes localement

Fonction de coût locale


$$R_V^{[ii]}(\chi, w) = \alpha_{[ii]}^{[jj]} \sum_{i=1}^{N^{[ii]}} \sum_{j=1}^{|w|} \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} \|x_i^{[ii]} - w_j^{[ii]}\|^2$$

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



Après avoir calculé les prototypes localement

Fonction de coût locale

$$R_V^{[ii]}(\chi, w) = \alpha_{[ii]}^{[jj]} \sum_{i=1}^{N^{[ii]}} \sum_{j=1}^{|w|} \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} \|x_i^{[ii]} - w_j^{[ii]}\|^2$$

$$+ (\alpha_{[ii]}^{[jj]})^2 \sum_{i=1}^{N^{[ii]}} \sum_{j=1}^{|w|} \left(\mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} - \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[jj]} \right)^2 \|w_j^{[ii]} - w_j^{[jj]}\|^2$$

Terme de Collaboration **Verticale**

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Après avoir calculé les prototypes localement

Fonction de coût locale

$$R_V^{[ii]}(\mathcal{X}, w) = \alpha_{[ii]}^{[jj]} \sum_{i=1}^{N^{[ii]}} \sum_{j=1}^{|w|} \mathcal{K}_{\sigma(j, \mathcal{X}(x_i))}^{[ii]} \|x_i^{[ii]} - w_j^{[ii]}\|^2$$

$$+ (\alpha_{[ii]}^{[jj]})^2 \sum_{i=1}^{N^{[ii]}} \sum_{j=1}^{|w|} \left(\mathcal{K}_{\sigma(j, \mathcal{X}(x_i))}^{[ii]} - \mathcal{K}_{\sigma(j, \mathcal{X}(x_i))}^{[jj]} \right)^2 \|w_j^{[ii]} - w_j^{[jj]}\|^2$$

Terme de Collaboration **Verticale**

La collaboration se fait au niveau des **prototypes**



Fonction de coût locale



$$R_V^{[ii]}(\chi, w) = \alpha_{[ij]}^{[jj]} \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} \|x_i^{[ii]} - w_j^{[ii]}\|^2$$

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Fonction de coût locale

$$R_V^{[ii]}(\chi, w) = \alpha_{[ii]}^{[jj]} \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} \|x_i^{[ii]} - w_j^{[ii]}\|^2$$

$$+ (\alpha_{[ii]}^{[jj]})^2 \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \left(\mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} - \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[jj]} \right)^2 \|x_i^{[ii]} - w_j^{[ii]}\|^2$$

Terme de Collaboration *Horizontale*



Collaboration Horizontale de SOM [Ghassany11]

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Fonction de coût locale

$$R_V^{[ii]}(\chi, w) = \alpha_{[ii]}^{[jj]} \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} \|x_i^{[ii]} - w_j^{[ii]}\|^2$$

$$+ (\alpha_{[ii]}^{[jj]})^2 \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \left(\mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} - \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[jj]} \right)^2 \|x_i^{[ii]} - w_j^{[ii]}\|^2$$

Terme de Collaboration Horizontale

La collaboration se fait au niveau de fonction de voisinage



Collaboration Horizontale de SOM [Ghassany11]

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Fonction de coût locale

$$R_V^{[ii]}(\chi, w) = \alpha_{[ii]}^{[jj]} \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} \|x_i^{[ii]} - w_j^{[ii]}\|^2$$

$$+ (\alpha_{[ii]}^{[jj]})^2 \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \left(\mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} - \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[jj]} \right)^2 \|x_i^{[ii]} - w_j^{[ii]}\|^2$$

Terme de Collaboration Horizontale

La collaboration se fait au niveau de fonction de voisinage

- ! On ne peut pas calculer la distance entre les prototypes des différents sites.



Estimation de la Confiance

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

$$\begin{aligned} R_V^{[ii]}(\chi, w) = & \alpha_{[ii]}^{[jj]} \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} \|x_i^{[ii]} - w_j^{[ii]}\|^2 \\ & + (\alpha_{[ii]}^{[jj]})^2 \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \left(\mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} - \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[jj]} \right)^2 \|w_j^{[ii]} - w_j^{[jj]}\|^2 \end{aligned}$$



Estimation de la Confiance

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

$$\begin{aligned}
 R_V^{[ii]}(\chi, w) = & \alpha_{[ii]}^{[jj]} \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} \|x_i^{[ii]} - w_j^{[ii]}\|^2 \\
 & + (\alpha_{[ii]}^{[jj]})^2 \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \left(\mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} - \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[jj]} \right)^2 \|w_j^{[ii]} - w_j^{[jj]}\|^2
 \end{aligned}$$

Ajouter une étape dans la phase globale : Calcul automatique des coefficients de collaboration, i.e. confiance.

$$\alpha_{[ii]}^{[jj]}(t+1) = \alpha_{[ii]}^{[jj]}(t) + \frac{\sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]}}{2 \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^{|w|} \left(\mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[ii]} - \mathcal{K}_{\sigma(j, \chi(x_i))}^{[jj]} \right)^2}$$



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

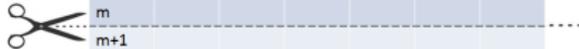
Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Pour avoir des scénarios de données distribuées



ID	Att1	Att2	Att3	AttD
1						
..						
m						
m+1						
m+2						
..						
N						

Verticale



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Pour avoir des scénarios de données distribuées



ID	Att1	Att2	Att3	AttD
1						
..						
m						
m+1						
m+2						
..						
N						

Verticale



ID	Att1	Att2	Att3	AttD
1						
..						
m						
m+1						
m+2						
..						
N						

Horizontale



	Données ¹	Carte	Collaboration Horizontale		
			Pureté	qe	α
<i>Contexte</i> <i>Clustering Collaboratif à base de Prototypes</i> <i>Collaboration sous cadre Déterministe</i> <i>SOM</i> <i>Collaboration à base de SOM</i> <i>Estimation de la Confiance</i>	Wdbc 569 × 32	SOM ₁	94.95	1.99	
		SOM ₂	97.27	2.07	
		SOM _{1←2}	95.77	1.84	1.74
		SOM _{2←1}	97.32	1.94	2.12
<i>Expérimentation</i> <i>Collaboration sous cadre Probabiliste</i> <i>Collaboration sous cadre Bayésien</i> <i>Bilan & Perspectives</i>	Isolet 150 × 52	SOM ₁	81.20	12.61	
		SOM ₂	95.12	14.45	
		SOM _{1←2}	81.39	12.21	2.05
		SOM _{2←1}	96.06	14.18	1.86
	Madelon 4400 × 500	SOM ₁	60.88	15.58	
		SOM ₂	62.64	15.50	
		SOM _{1←2}	61.01	15.48	1.65
		SOM _{2←1}	63.57	15.40	1.79
	SpamBase 4601 × 56	SOM ₁	83.86	3.45	
		SOM ₂	85.72	2.55	
		SOM _{1←2}	84.17	3.23	1.92
		SOM _{2←1}	83.59	2.41	1.59
	Waveform 5000 × 40	SOM ₁	81.64	1.98	
		SOM ₂	40.21	2.41	
		SOM _{1←2}	62.47	2.14	1.2
		SOM _{2←1}	54.63	2.27	5.9

1. Données réelles du site UCI, sauf Madelon et Waveform



	Données ¹	Carte	Collaboration Horizontale		
			Pureté	qe	α
<i>Contexte</i> <i>Clustering Collaboratif à base de Prototypes</i> <i>Collaboration sous cadre Déterministe</i> <i>SOM</i> <i>Collaboration à base de SOM</i> <i>Estimation de la Confiance</i>	Wdbc 569 × 32	SOM ₁	94.95	1.99	
		SOM ₂	97.27	2.07	
		SOM _{1←2}	95.77	1.84	1.74
		SOM _{2←1}	97.32	1.94	2.12
<i>Expérimentation</i> <i>Collaboration sous cadre Probabiliste</i> <i>Collaboration sous cadre Bayésien</i> <i>Bilan & Perspectives</i>	Isolet 150 × 52	SOM ₁	81.20	12.61	
		SOM ₂	95.12	14.45	
		SOM _{1←2}	81.39	12.21	2.05
		SOM _{2←1}	96.06	14.18	1.86
	Madelon 4400 × 500	SOM ₁	60.88	15.58	
		SOM ₂	62.64	15.50	
		SOM _{1←2}	61.01	15.48	1.65
		SOM _{2←1}	63.57	15.40	1.79
	SpamBase 4601 × 56	SOM ₁	83.86	3.45	
		SOM ₂	85.72	2.55	
		SOM _{1←2}	84.17	3.23	1.92
		SOM _{2←1}	83.59	2.41	1.59
	Waveform 5000 × 40	SOM ₁	81.64	1.98	
		SOM ₂	40.21	2.41	
		SOM _{1←2}	62.47	2.14	1.2
		SOM _{2←1}	54.63	2.27	5.9

1. Données réelles du site UCI, sauf Madelon et Waveform



	Données ¹	Carte	Collaboration Horizontale		
			Pureté	qe	α
<i>Contexte</i> <i>Clustering Collaboratif à base de Prototypes</i> <i>Collaboration sous cadre Déterministe</i> <i>SOM</i> <i>Collaboration à base de SOM</i> <i>Estimation de la Confiance</i>	Wdbc 569 × 32	SOM ₁	94.95	1.99	
		SOM ₂	97.27	2.07	
		SOM _{1←2}	95.77	1.84	1.74
		SOM _{2←1}	97.32	1.94	2.12
<i>Expérimentation</i> <i>Collaboration sous cadre Probabiliste</i> <i>Collaboration sous cadre Bayésien</i> <i>Bilan & Perspectives</i>	Isolet 150 × 52	SOM ₁	81.20	12.61	
		SOM ₂	95.12	14.45	
		SOM _{1←2}	81.39	12.21	2.05
		SOM _{2←1}	96.06	14.18	1.86
	Madelon 4400 × 500	SOM ₁	60.88	15.58	
		SOM ₂	62.64	15.50	
		SOM _{1←2}	61.01	15.48	1.65
		SOM _{2←1}	63.57	15.40	1.79
	SpamBase 4601 × 56	SOM ₁	83.86	3.45	
		SOM ₂	85.72	2.55	
		SOM _{1←2}	84.17	3.23	1.92
		SOM _{2←1}	83.59	2.41	1.59
	Waveform 5000 × 40	SOM ₁	81.64	1.98	
		SOM ₂	40.21	2.41	
		SOM _{1←2}	62.47	2.14	1.2
		SOM _{2←1}	54.63	2.27	5.9

1. Données réelles du site UCI, sauf Madelon et Waveform



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM
Estimation de
la Confiance

Expérimentation

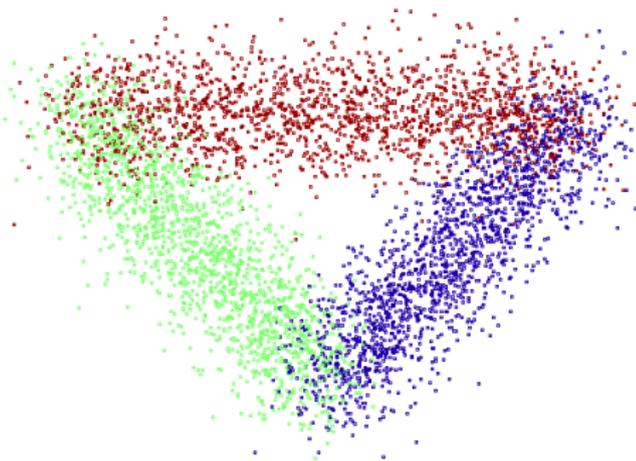
Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Waveform

- 5000 observations.
- 40 variables, dont 21 pertinentes et 19 bruitées.
- 3 clusters





Résultats de collaboration horizontale, base Waveform

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM
Estimation de
la Confiance

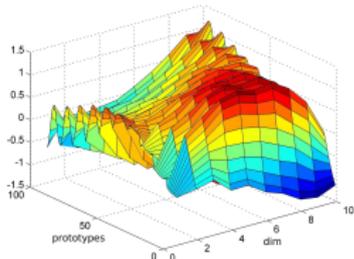
Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

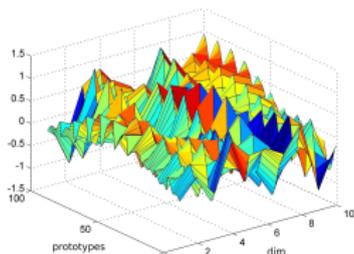
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Variables pertinentes
pureté=81.64%



Variables bruitées
pureté=40.21%



Les valeurs de pureté plus élevées
indiquent une meilleure classification.



Résultats de collaboration horizontale, base Waveform

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM
Estimation de
la Confiance

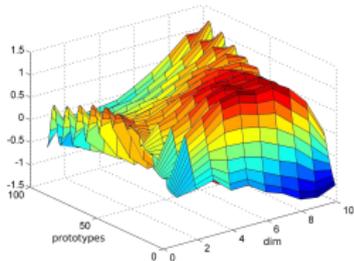
Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

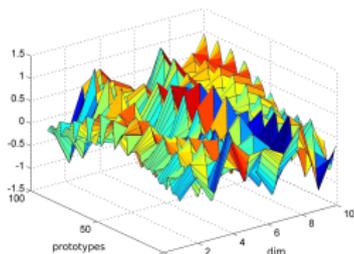
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Variables pertinentes
pureté=81.64%



Variables bruitées
pureté=40.21%



Les valeurs de pureté plus élevées
indiquent une meilleure classification.



Résultats de collaboration horizontale, base Waveform

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM
Estimation de
la Confiance

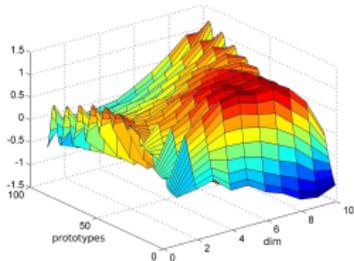
Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

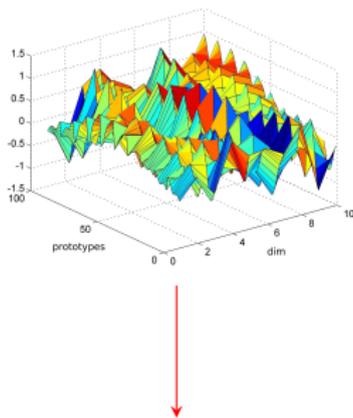
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Variables pertinentes
pureté=81.64%



Variables bruitées
pureté=40.21%



Les valeurs de pureté plus élevées
indiquent une meilleure classification.



Résultats de collaboration horizontale, base Waveform

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM
Estimation de
la Confiance

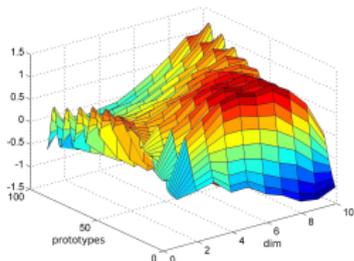
Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

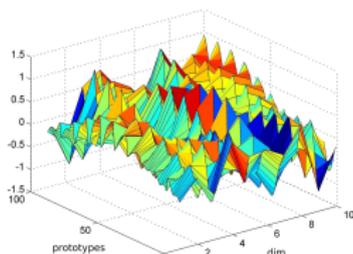
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

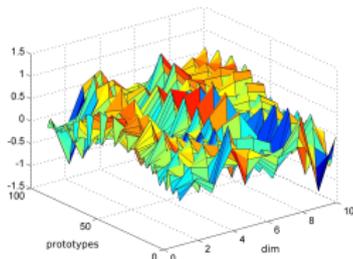
Variables pertinentes
pureté=81.64%



Variables bruitées
pureté=40.21%



Les valeurs de pureté plus élevées
indiquent une meilleure classification.



pureté=54.63%
 $\alpha = 5.9$



Résultats de collaboration horizontale, base Waveform

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM
Estimation de
la Confiance

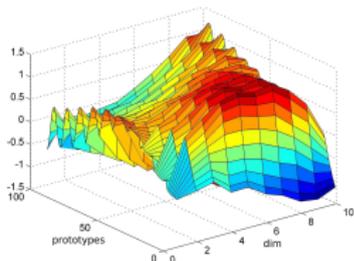
Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

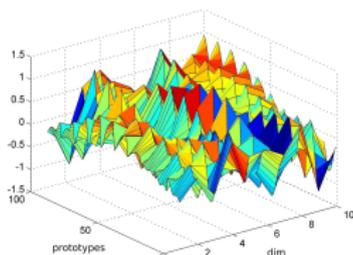
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Variables pertinentes
pureté=81.64%



Variable bruitées
pureté=40.21%



Les valeurs de pureté plus élevées
indiquent une meilleure classification.



Résultats de collaboration horizontale, base Waveform

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM
Estimation de
la Confiance

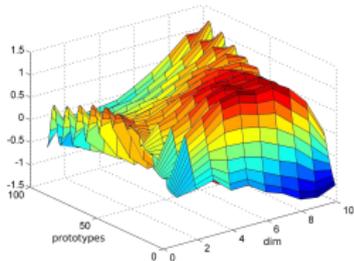
Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

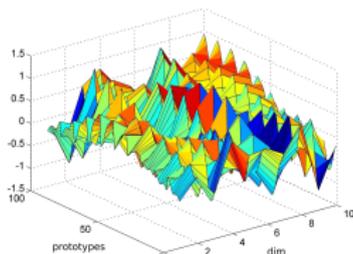
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Variables pertinentes
pureté=81.64%



Variable bruitées
pureté=40.21%



Les valeurs de pureté plus élevées
indiquent une meilleure classification.



Résultats de collaboration horizontale, base Waveform

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM
Estimation de
la Confiance

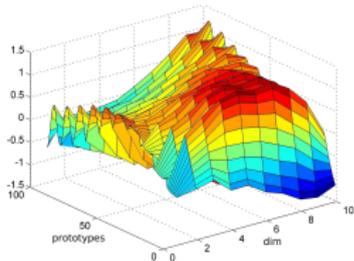
Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

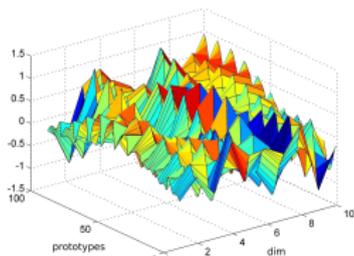
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Variables pertinentes
pureté=81.64%



Variable bruitées
pureté=40.21%



Les valeurs de pureté plus élevées
indiquent une meilleure classification.



Résultats de collaboration horizontale, base Waveform

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM
Estimation de
la Confiance

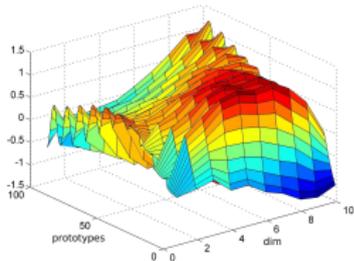
Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

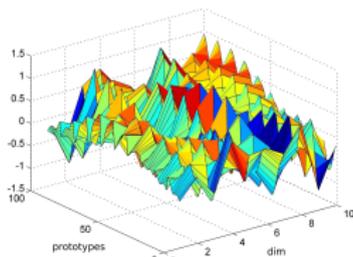
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

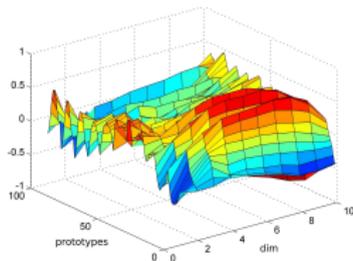
Variables pertinentes
pureté=81.64%



Variables bruitées
pureté=40.21%



Les valeurs de pureté plus élevées
indiquent une meilleure classification.



pureté=62.47%
 $\alpha = 1.2$



Limitations de SOM

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- ! SOM ne définit pas un modèle à densité dans l'espace de données.
- ! Convergence non garantie.
- ! Manque de théorie pour le choix de l'initialisation des paramètres.



Limitations de SOM

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

SOM

Collaboration à
base de SOM

Estimation de
la Confiance

Expérimentation

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- ! SOM ne définit pas un modèle à densité dans l'espace de données.
- ! Convergence non garantie.
- ! Manque de théorie pour le choix de l'initialisation des paramètres.

Solution proposée : Utiliser un modèle **probabiliste**.



Plan de la présentation

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- 1 Contexte
- 2 Clustering Collaboratif à base de Prototypes
- 3 Collaboration sous cadre Déterministe
- 4 Collaboration sous cadre Probabiliste
- 5 Collaboration sous cadre Bayésien
- 6 Bilan & Perspectives



Generative Topographic Mapping (GTM) [Bishop95]

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

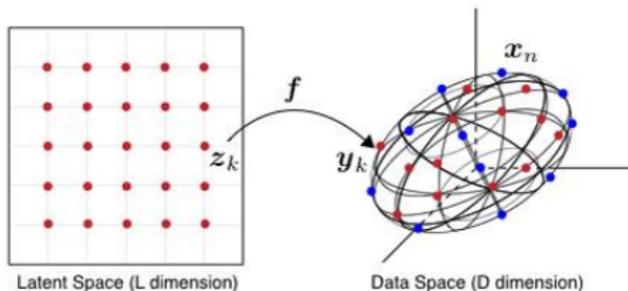
GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives





Generative Topographic Mapping (GTM) [Bishop95]

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

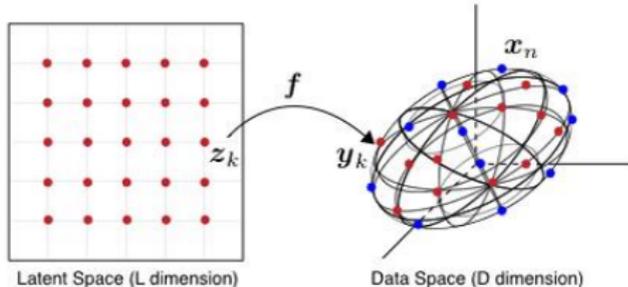
GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



- Transformation de l'espace latent en espace de données, contrôlée par une matrice de poids W et des fonctions de base $\Phi(z)$, formant les prototypes :

$$y = y(z, W) = W\Phi(z)$$



Generative Topographic Mapping (GTM) [Bishop95]

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

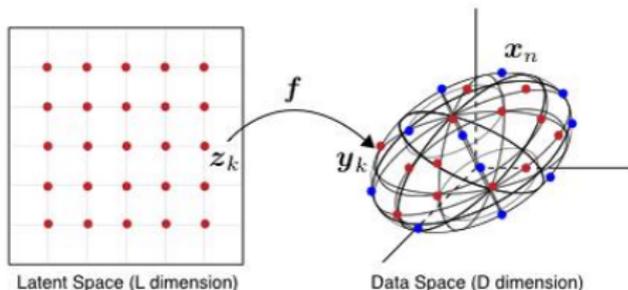
GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



- Transformation de l'espace latent en espace de données, contrôlée par une matrice de poids W et des fonctions de base $\Phi(z)$, formant les prototypes :

$$y = y(z, W) = W\Phi(z)$$

- Distribution Gaussienne des données :

$$p(x_n|z, W, \beta) = \mathcal{N}(y(z, W), \beta)$$



Generative Topographic Mapping (GTM) [Bishop95]

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

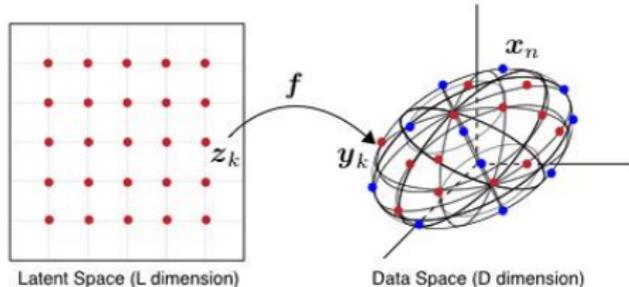
GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



- Transformation de l'espace latent en espace de données, contrôlée par une matrice de poids W et des fonctions de base $\Phi(z)$, formant les prototypes :

$$y = y(z, W) = W\Phi(z)$$

- Distribution Gaussienne des données :

$$p(x_n|z, W, \beta) = \mathcal{N}(y(z, W), \beta)$$

⇒ Mélange de Gaussiennes de Vraisemblance $\mathcal{L}(\theta)$ avec $\theta = \{W, \beta\}$ les paramètres à apprendre.



Apprendre le modèle par maximum de Vraisemblance

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- Vraisemblance de l'échantillon X :

$$p(X; \theta) = \int p(X|\theta)p(\theta)d\theta^{(2)}, \quad p(\theta|X)^{(3)} = \frac{p(X; \theta)p(\theta)}{p(X)}$$

- **But** : Maximiser la **vraisemblance** de X par rapport à l'ensemble de paramètres θ .

(2). Sommation si les variables aléatoires sont discrètes.
(3). Théorème de Bayes.



Apprendre le modèle par maximum de Vraisemblance

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- Vraisemblance de l'échantillon X :

$$p(X; \theta) = \int p(X|\theta)p(\theta)d\theta^{(2)}, \quad p(\theta|X)^{(3)} = \frac{p(X; \theta)p(\theta)}{p(X)}$$

- **But** : Maximiser la **vraisemblance** de X par rapport à l'ensemble de paramètres θ .

! En présence des variables latentes/cachées :

$$p(X; \theta) = \iint p(X, Z|\theta)p(\theta) dZ d\theta$$

! En général, pas de solution analytique à ce problème.

-
- (2). Sommation si les variables aléatoires sont discrètes.
 - (3). Théorème de Bayes.



Apprendre le modèle par maximum de Vraisemblance

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- Vraisemblance de l'échantillon X :

$$p(X; \theta) = \int p(X|\theta)p(\theta)d\theta^{(2)}, \quad p(\theta|X)^{(3)} = \frac{p(X; \theta)p(\theta)}{p(X)}$$

- **But** : Maximiser la **vraisemblance** de X par rapport à l'ensemble de paramètres θ .

! En présence des variables latentes/cachées :

$$p(X; \theta) = \iint p(X, Z|\theta)p(\theta) dZ d\theta$$

! En général, pas de solution analytique à ce problème.

- **Solution** → Algorithme **EM** = approche **itérative** pour un optimum local.

(2). Sommation si les variables aléatoires sont discrètes.

(3). Théorème de Bayes.



Etapes E & M pour le calcul des paramètres

Etape E - Calcul des probabilités a posteriori

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

$$\begin{aligned}r_{in} &= p(z_i|x_n, W_{old}, \beta_{old}) \\ &= \frac{p(x_n|z_i, W_{old}, \beta_{old})}{\sum_{i'=1}^K p(x_n|z_{i'}, W_{old}, \beta_{old})}\end{aligned}$$

La probabilité que la donnée x_n a été générée par la composante Gaussienne i .



Etapes E & M pour le calcul des paramètres

Etape E - Calcul des probabilités a posteriori

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

$$\begin{aligned}
 r_{in} &= p(z_i | x_n, W_{old}, \beta_{old}) \\
 &= \frac{p(x_n | z_i, W_{old}, \beta_{old})}{\sum_{i'=1}^K p(x_n | z_{i'}, W_{old}, \beta_{old})}
 \end{aligned}$$

La probabilité que la donnée x_n a été générée par la composante Gaussienne i .

Etape M - Mise à jour des paramètres

Borne inférieure : $\mathbb{E}[\mathcal{L}_{comp}(W, \beta)] = \sum_{n=1}^N \sum_{i=1}^K r_{in} \ln\{p(x_n | z_i, W, \beta)\}$

Paramètres : $\begin{cases} \Phi^T G \Phi W_{new}^T = \Phi^T R X \\ \frac{1}{\beta_{new}} = \frac{1}{ND} \sum_{n=1}^N \sum_{i=1}^K r_{in} \|x_n - W_{new} \phi(z_i)\|^2 \end{cases}$



Etapes E & M pour le calcul des paramètres

Etape E - Calcul des probabilités a posteriori

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

$$\begin{aligned}
 r_{in} &= p(z_i | x_n, W_{old}, \beta_{old}) \\
 &= \frac{p(x_n | z_i, W_{old}, \beta_{old})}{\sum_{i'=1}^K p(x_n | z_{i'}, W_{old}, \beta_{old})}
 \end{aligned}$$

La probabilité que la donnée x_n a été générée par la composante Gaussienne i .

Etape M - Mise à jour des paramètres

Introduire terme de collaboration ici

Borne inférieure : $\mathbb{E}[\mathcal{L}_{comp}(W, \beta)] = \sum_{n=1}^N \sum_{i=1}^K r_{in} \ln \{p(x_n | z_i, W, \beta)\}$

$$\text{Paramètres : } \begin{cases} \Phi^T G \Phi W_{new}^T = \Phi^T R X \\ \frac{1}{\beta_{new}} = \frac{1}{ND} \sum_{n=1}^N \sum_{i=1}^K r_{in} \|x_n - W_{new} \phi(z_i)\|^2 \end{cases}$$



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Approche Verticale

$$\mathcal{L}^{ver}[ii] = \mathbb{E}[\mathcal{L}_{comp}(W^{[ii]}, \beta^{[ii]})] - \sum_{[jj]=1, [jj] \neq [ii]}^P \alpha_{[ii]}^{[jj]} \sum_{n=1}^{N^{[ii]}} \sum_{i=1}^K r_{in} \frac{\beta^{[ii]}}{2} \boxed{\|W^{[ii]} \phi^{[ii]}(z_i) - W^{[jj]} \phi^{[jj]}(z_i)\|^2}$$



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

GTM

EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Approche Verticale

$$\mathcal{L}^{ver}[ii] = \mathbb{E}[\mathcal{L}_{comp}(W^{[ii]}, \beta^{[ii]})] - \sum_{[jj]=1, [jj] \neq [ii]}^P \alpha_{[ii]}^{[jj]} \sum_{n=1}^{N^{[ii]}} \sum_{i=1}^K r_{in} \frac{\beta^{[ii]}}{2} \boxed{\|W^{[ii]} \phi^{[ii]}(z_i) - W^{[jj]} \phi^{[jj]}(z_i)\|^2}$$

Approche Horizontale

$$\mathcal{L}^{hor}[ii] = \mathbb{E}[\mathcal{L}_{comp}(W^{[ii]}, \beta^{[ii]})] - \sum_{[jj]=1, [jj] \neq [ii]}^P \alpha_{[ii]}^{[jj]} \sum_{n=1}^N \sum_{i=1}^K \frac{\beta^{[ii]}}{2} \boxed{(r_{in}^{[ii]} - r_{in}^{[jj]})^2} \|x_n - W^{[ii]} \phi^{[ii]}(z_i)\|^2$$



Limitations de GTM basé sur EM

Contexte

*Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes*

*Collaboration
sous cadre
Déterministe*

*Collaboration
sous cadre
Probabiliste*

GTM

EM

Co-GTM

*Collaboration
sous cadre
Bayésien*

*Bilan &
Perspectives*

- ! Optimisation vraisemblance = critère non borné
- ! Le calcul ne tient pas compte de la complexité du modèle.
- ! Risque de sur-apprentissage.



Limitations de GTM basé sur EM

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

GTM
EM

Co-GTM

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- ! Optimisation vraisemblance = critère non borné
- ! Le calcul ne tient pas compte de la complexité du modèle.
- ! Risque de sur-apprentissage.

Solution proposée : GTM sous cadre d'Approximation Variationnelle.



Plan de la présentation

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle
VB-GTM

Comparaison
F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives

- 1 Contexte
- 2 Clustering Collaboratif à base de Prototypes
- 3 Collaboration sous cadre Déterministe
- 4 Collaboration sous cadre Probabiliste
- 5 Collaboration sous cadre Bayésien
- 6 Bilan & Perspectives



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives

Soit Z les variables latentes, X les données et θ les paramètres.

La **Log-Vraisemblance** s'écrit :

$$\ln p(X) = \ln \int p(X, Z, \theta) dZ d\theta$$



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives

Soit Z les variables latentes, X les données et θ les paramètres.

La **Log-Vraisemblance** s'écrit :

$$\begin{aligned}\ln p(X) &= \ln \int p(X, Z, \theta) dZ d\theta \\ &= \ln \int q(Z, \theta) \frac{p(X, Z, \theta)}{q(Z, \theta)} dZ d\theta\end{aligned}$$



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives

Soit Z les variables latentes, X les données et θ les paramètres.

La **Log-Vraisemblance** s'écrit :

$$\begin{aligned}\ln p(X) &= \ln \int p(X, Z, \theta) dZ d\theta \\ &= \ln \int q(Z, \theta) \frac{p(X, Z, \theta)}{q(Z, \theta)} dZ d\theta \\ &\geq \int q(Z, \theta) \ln \frac{p(X, Z, \theta)}{q(Z, \theta)} dZ d\theta\end{aligned}$$



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives

Soit Z les variables latentes, X les données et θ les paramètres.

La **Log-Vraisemblance** s'écrit :

$$\begin{aligned}\ln p(X) &= \ln \int p(X, Z, \theta) dZ d\theta \\ &= \ln \int q(Z, \theta) \frac{p(X, Z, \theta)}{q(Z, \theta)} dZ d\theta \\ &\geq \int q(Z, \theta) \ln \frac{p(X, Z, \theta)}{q(Z, \theta)} dZ d\theta\end{aligned}$$

Approximation simple et factorisée de $q(Z, \theta) \approx q_Z(Z)q_\theta(\theta)$:

$$\begin{aligned}\ln p(X) &\geq \int q_Z(Z)q_\theta(\theta) \ln \frac{p(X, Z, \theta)}{q_Z(Z)q_\theta(\theta)} dZ d\theta \\ &= \mathcal{F}(q_Z(Z), q_\theta(\theta), X).\end{aligned}$$



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives

Soit Z les variables latentes, X les données et θ les paramètres.

La **Log-Vraisemblance** s'écrit :

$$\begin{aligned}\ln p(X) &= \ln \int p(X, Z, \theta) dZ d\theta \\ &= \ln \int q(Z, \theta) \frac{p(X, Z, \theta)}{q(Z, \theta)} dZ d\theta \\ &\geq \int q(Z, \theta) \ln \frac{p(X, Z, \theta)}{q(Z, \theta)} dZ d\theta\end{aligned}$$

Approximation simple et factorisée de $q(Z, \theta) \approx q_Z(Z)q_\theta(\theta)$:

$$\begin{aligned}\ln p(X) &\geq \int q_Z(Z)q_\theta(\theta) \ln \frac{p(X, Z, \theta)}{q_Z(Z)q_\theta(\theta)} dZ d\theta \\ &= \mathcal{F}(q_Z(Z), q_\theta(\theta), X).\end{aligned}$$

Maximisation de $\mathcal{F} \implies$ Maximisation de **Vraisemblance**.



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives

Maximisation de \mathcal{F} itérative :

$$\text{VB-E : } q_Z^{(new)}(\mathbf{Z}) \approx \exp \left[\int p(\mathbf{Z}, \mathbf{X}|\theta) q_\theta^{(old)}(\theta) \right]$$

$$\text{VB-M : } q_\theta^{(new)}(\theta) \approx p(\theta) \exp \left[\int p(\mathbf{Z}, \mathbf{X}|\theta) q_Z^{(new)}(\mathbf{Z}) \right]$$

La complexité du modèle est intégrée dans \mathcal{F} .



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives

Maximisation de \mathcal{F} itérative :

$$\text{VB-E : } q_Z^{(new)}(Z) \approx \exp \left[\int p(Z, X|\theta) q_\theta^{(old)}(\theta) \right]$$

$$\text{VB-M : } q_\theta^{(new)}(\theta) \approx p(\theta) \exp \left[\int p(Z, X|\theta) q_Z^{(new)}(Z) \right]$$

La complexité du modèle est intégrée dans \mathcal{F} .

Maximiser \mathcal{F} est équivalent à minimiser la divergence KL entre l'a *postériori* approchée, $q_Z(Z)q_\theta(\theta)$, et la *vraie a postériori*, $p(Z, \theta|X)$.



Variational Bayesian GTM (VBGTM) [Olier10]

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

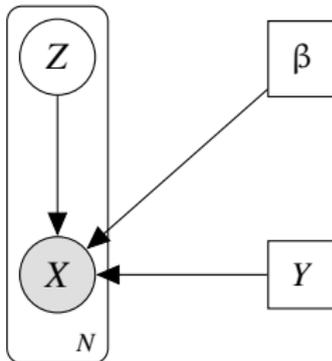
VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives





Variational Bayesian GTM (VBGTM) [Olier10]

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

VB-GTM

Comparaison

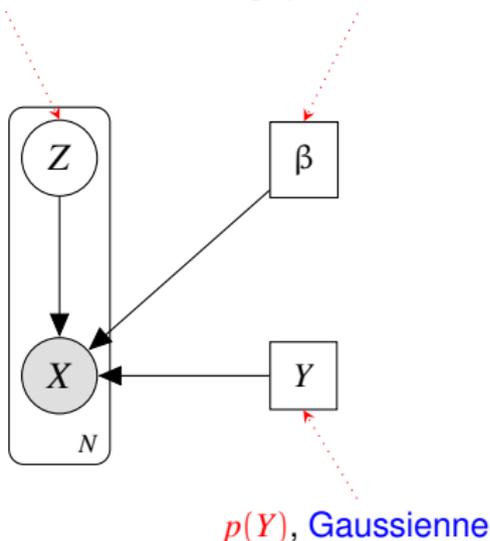
F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives

$p(Z)$, Multinomiale

$p(\beta)$, Gamma



Proposer des **a priori**, les **conjugués** des lois de la **famille exponentielle**.



Variational Bayesian GTM (VBGTM) [Olier10]

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

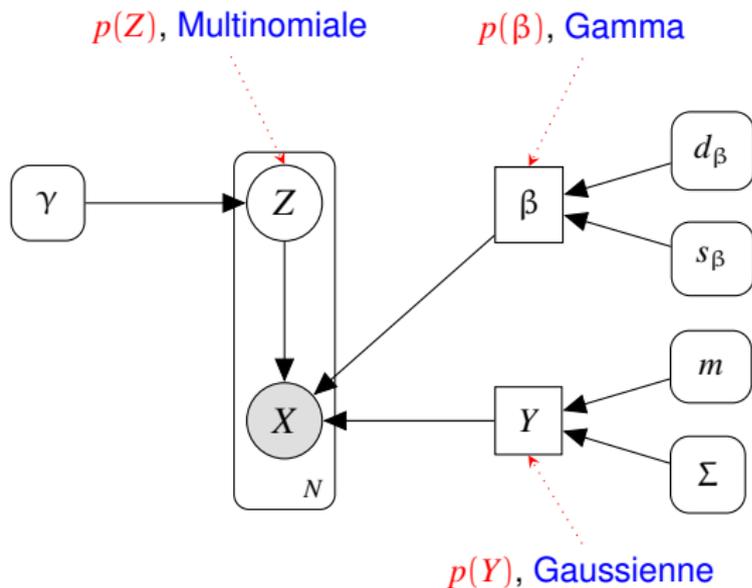
VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives

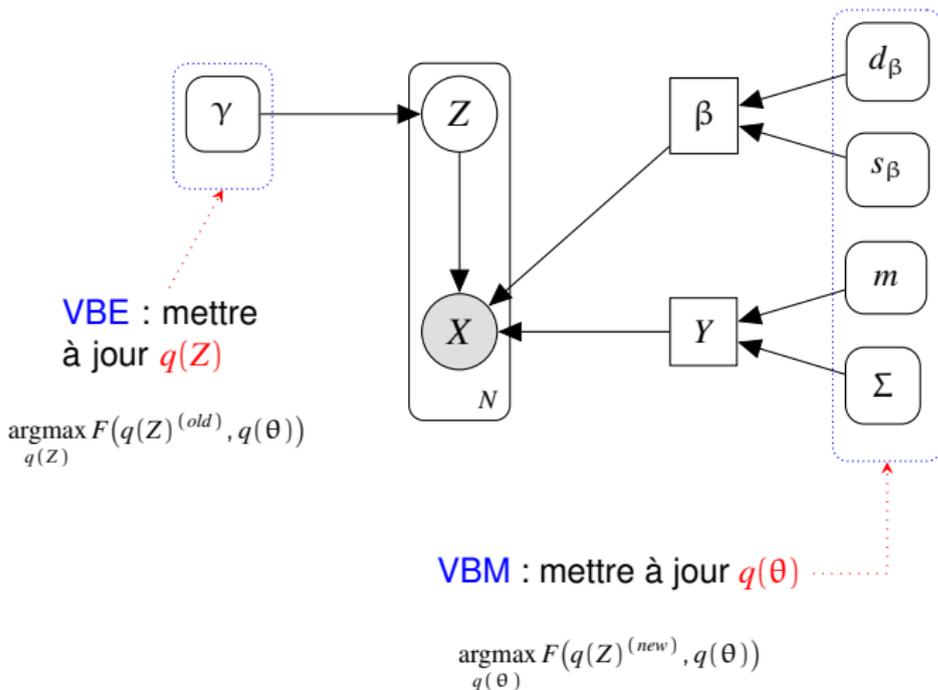


Des **hyperparamètres** apparaissent.



Variational Bayesian GTM (VBGTM) [Olier10]

EM-Variationnel



- Contexte
- Clustering Collaboratif à base de Prototypes
- Collaboration sous cadre Déterministe
- Collaboration sous cadre Probabiliste
- Collaboration sous cadre Bayésien
- Inférence Variationnelle
- VB-GTM**
- Comparaison F-VBGTM
- Collaboration à base de VBGTM
- Bilan & Perspectives



GTM vs VBGTM [Olier10]

Comparison des résultats sur la base *Wine* (178×13 , qualité de vin, 3 clusters).

Contexte

*Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes*

*Collaboration
sous cadre
Déterministe*

*Collaboration
sous cadre
Probabiliste*

*Collaboration
sous cadre
Bayésien*

*Inférence
Variationnelle
VB-GTM*

Comparaison

F-VBGTM

*Collaboration à
base de
VBGTM*

*Bilan &
Perspectives*



GTM vs VBGM [Olier10]

Comparison des résultats sur la base *Wine* (178×13 , qualité de vin, 3 clusters).

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle
VB-GTM

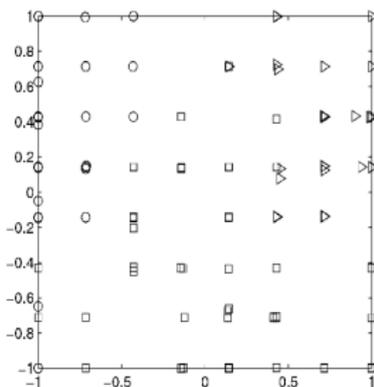
Comparaison

F-VBGM

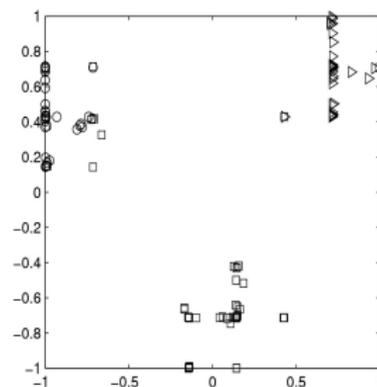
Collaboration à
base de
VBGM

Bilan &
Perspectives

Visualisation par projection de moyenne des apostérieurs dans l'espace latent.



GTM



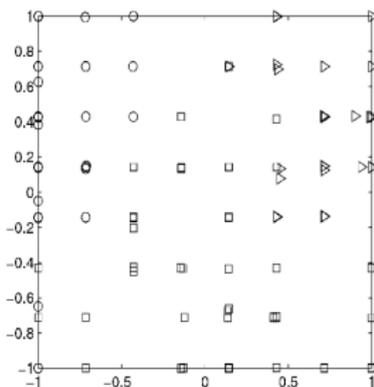
VBGM



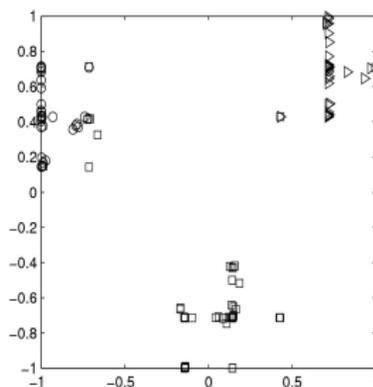
GTM vs VBGTM [Olier10]

Comparaison des résultats sur la base *Wine* (178×13 , qualité de vin, 3 clusters).

Visualisation par projection de moyenne des apostérieurs dans l'espace latent.



GTM



VBGTM

! Les étiquettes dans les figures sont les vraies étiquettes.

! VBGTM ne **classifie** pas les données.



Extension : Clustering flou de VBGTM

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

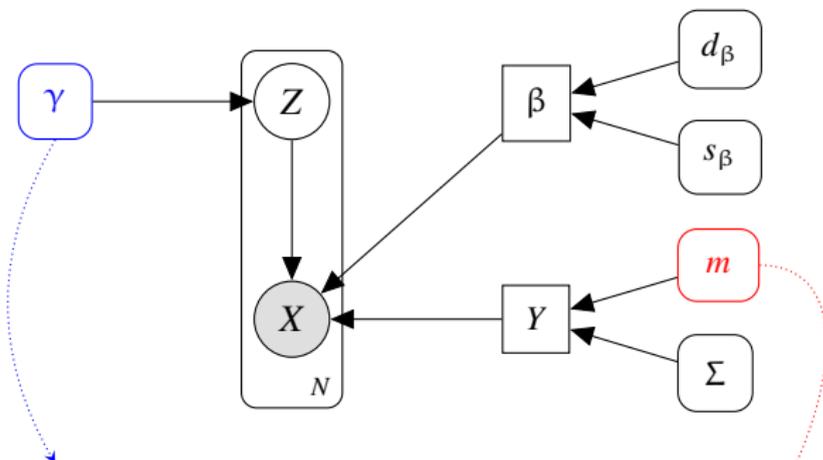
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle
VB-GTM

Comparaison
F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives



Les probabilités a postériori → degré
d'appartenance.

Les centres des Gaussiens dans l'espace de données.



Extension : Clustering flou de VBGTM

Données



dimension D

Contexte

*Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes*

*Collaboration
sous cadre
Déterministe*

*Collaboration
sous cadre
Probabiliste*

*Collaboration
sous cadre
Bayésien*

*Inférence
Variationnelle*

VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

*Collaboration à
base de
VBGTM*

*Bilan &
Perspectives*



Extension : Clustering flou de VBGTM

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

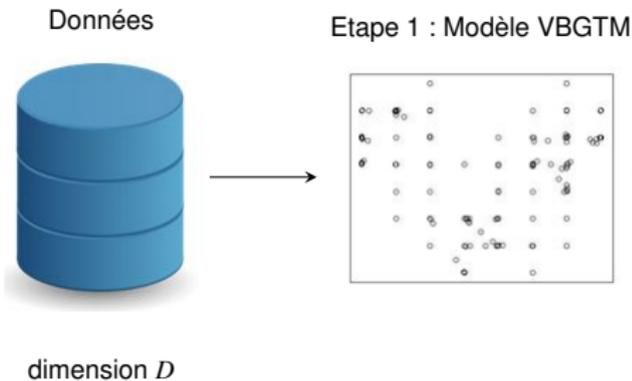
VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives





Extension : Clustering flou de VBGTM

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

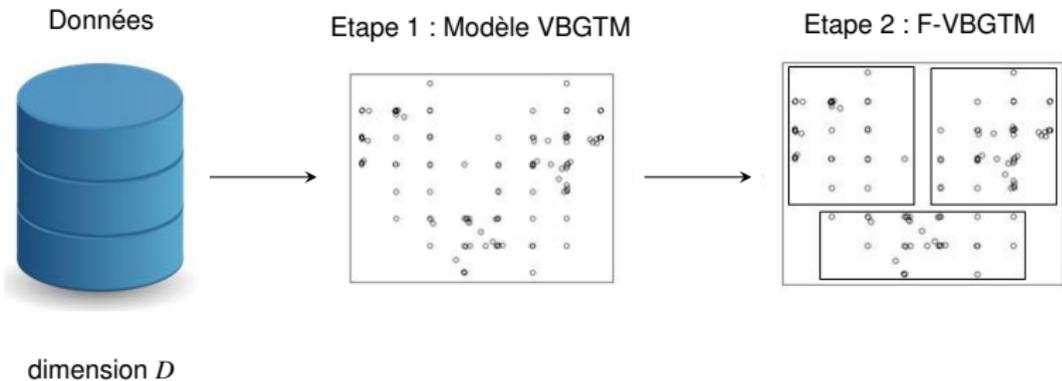
VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives





Extension : Clustering flou de VBGTM

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

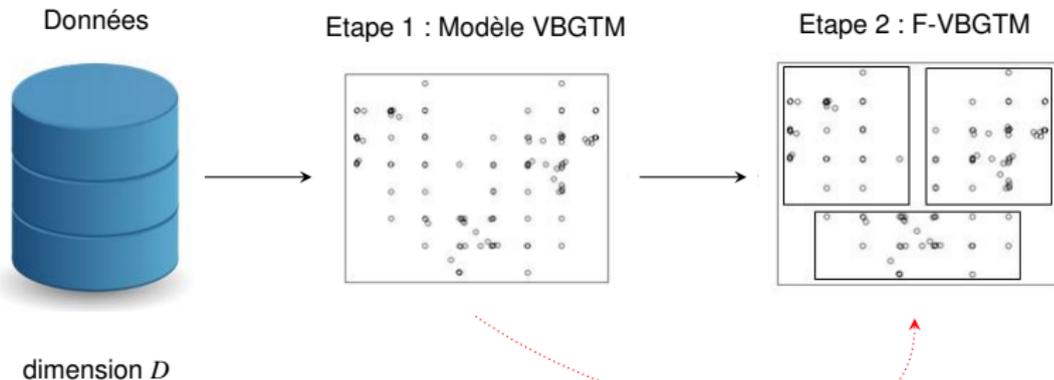
Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle
VB-GTM

Comparaison
F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives



- FCM sur les centres des Gaussiens.
 - Prototypes.
 - Degrés d'appartenance de ces centres.
- Théorème de Bayes : Degrés d'appartenance des données aux prototypes.



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

VB-GTM

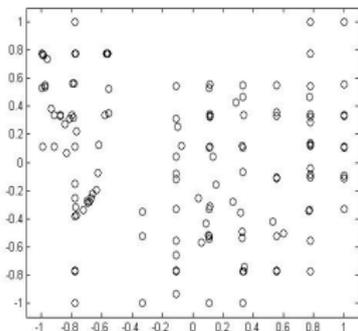
Comparaison

F-VBGM

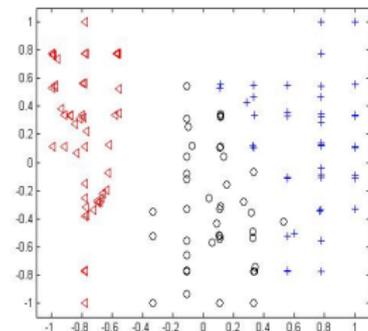
Collaboration à
base de
VBGM

Bilan &
Perspectives

F-VBGM : Visualisation + Classification.



VBGM



F-VBGM

Résultats sur la base *Iris* (150×4 , genre de fleurs, 3 clusters).



Collaboration à base de VBGTM : Co-F-VBGTM [Ghassany13]





Collaboration à base de VBGTM : Co-F-VBGTM [Ghassany13]

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives



$D[1]$



$VBGTM[1]$



$D[2]$



$VBGTM[2]$

Données
Distribuées

Etape 1 :
Modèle
VBGTM



$D[P]$



$VBGTM[P]$



Collaboration à base de VBGTM : Co-F-VBGTM [Ghassany13]

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

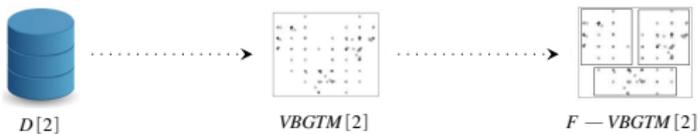
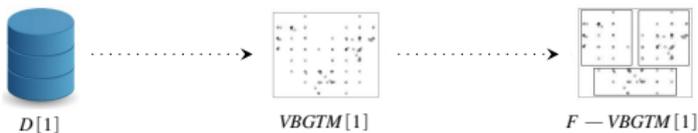
VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

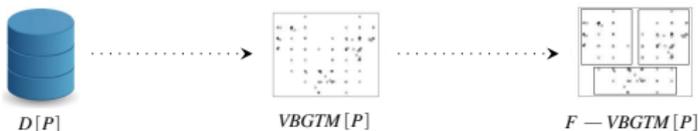
Bilan &
Perspectives



Données
Distribuées

Etape 1 :
Modèle
VBGTM

Etape 2 :
Clustering
local





Collaboration à base de VBGTM : Co-F-VBGTM [Ghassany13]

Contexte

Clustering Collaboratif à base de Prototypes

Collaboration sous cadre Déterministe

Collaboration sous cadre Probabiliste

Collaboration sous cadre Bayésien

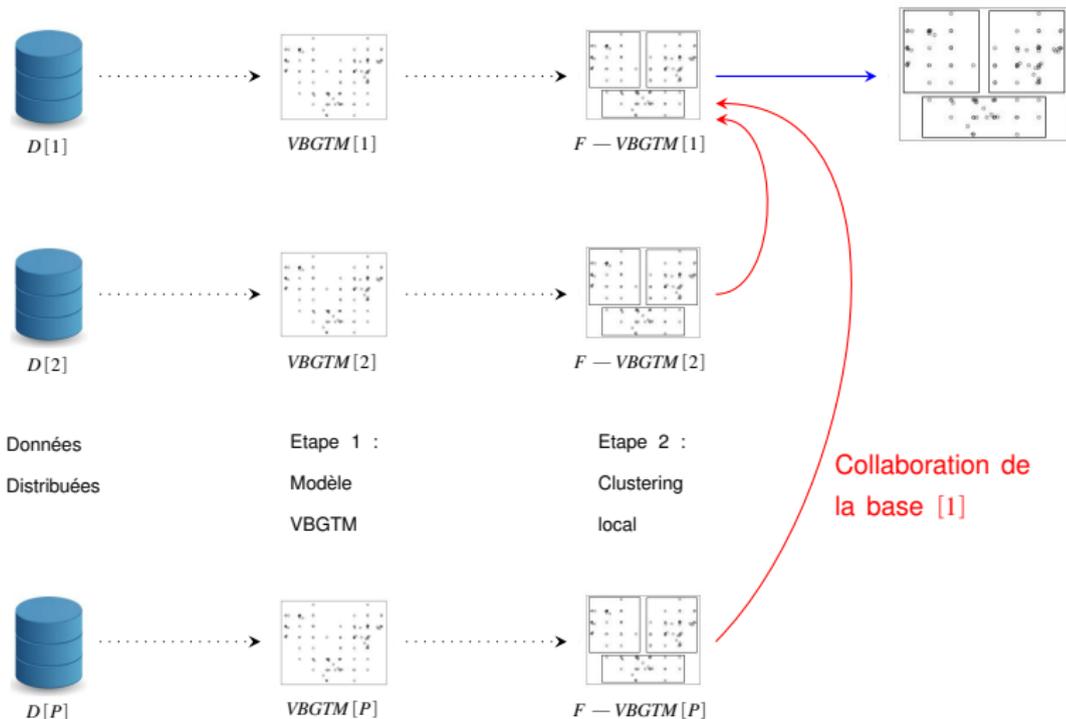
Inférence Variationnelle

VB-GTM

Comparaison F-VBGTM

Collaboration à base de VBGTM

Bilan & Perspectives





Collaboration à base de VBGTM : Co-F-VBGTM [Ghassany13]

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

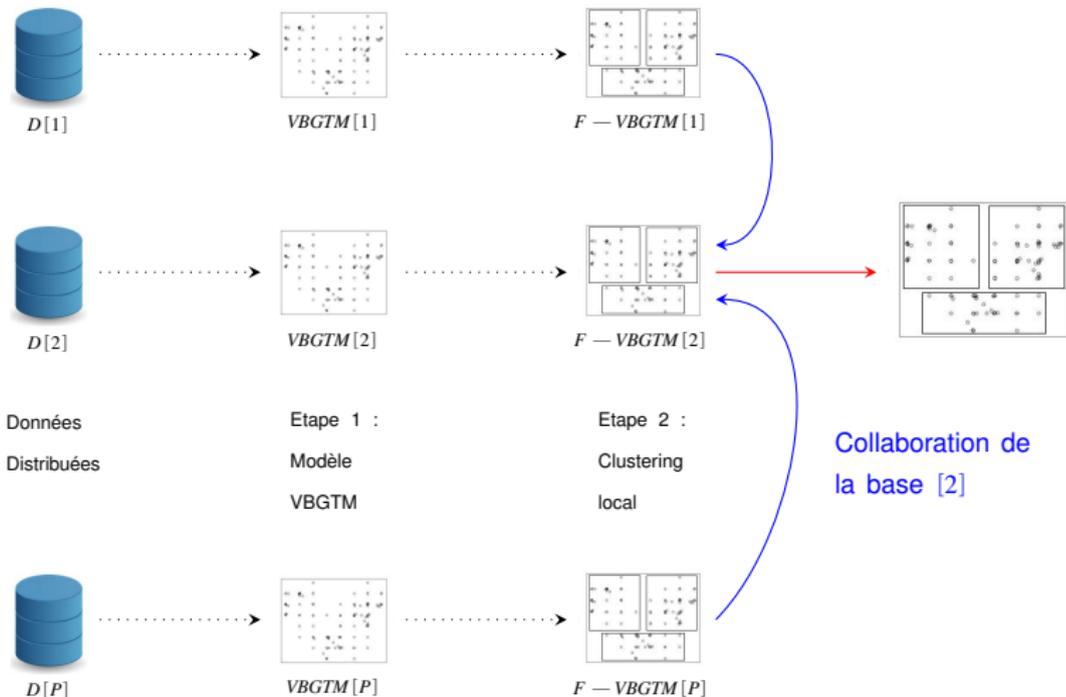
VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

Collaboration à
base de
VBGTM

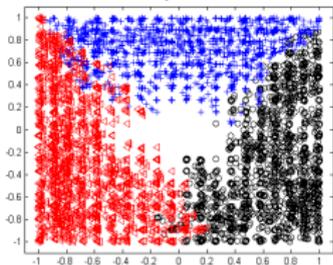
Bilan &
Perspectives



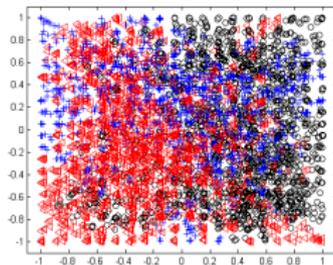


Résultats de collaboration horizontale, base Waveform

Variables pertinentes



Variable bruitées



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

VB-GTM

Comparaison

F-VBGTM

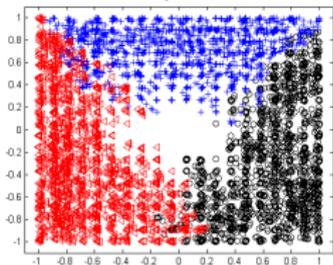
Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives

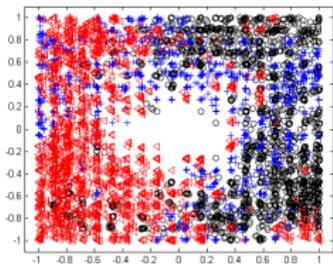
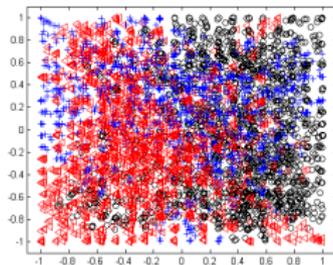


Résultats de collaboration horizontale, base Waveform

Variables pertinentes



Variable bruitées



- Contexte
- Clustering Collaboratif à base de Prototypes
- Collaboration sous cadre Déterministe
- Collaboration sous cadre Probabiliste
- Collaboration sous cadre Bayésien
- Inférence Variationnelle
- VB-GTM
- Comparaison
- F-VBGMT
- Collaboration à base de VBGMT**
- Bilan & Perspectives



Résultats de collaboration horizontale, base Waveform

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Inférence
Variationnelle

VB-GTM

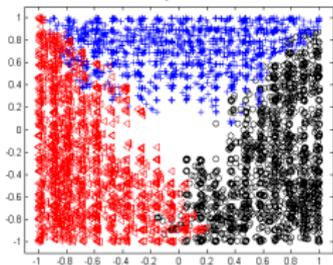
Comparaison

F-VBGTM

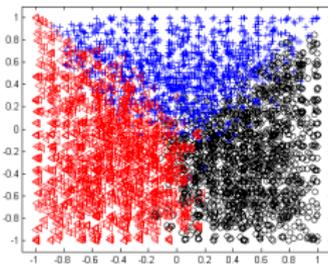
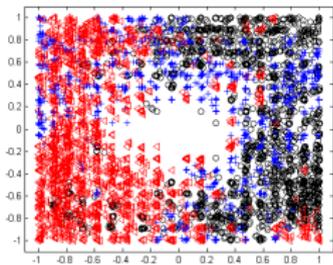
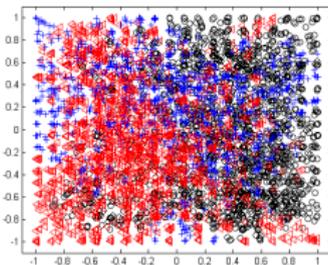
Collaboration à
base de
VBGTM

Bilan &
Perspectives

Variables pertinentes



Variable bruitées





Plan de la présentation

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- 1 Contexte
- 2 Clustering Collaboratif à base de Prototypes
- 3 Collaboration sous cadre Déterministe
- 4 Collaboration sous cadre Probabiliste
- 5 Collaboration sous cadre Bayésien
- 6 Bilan & Perspectives



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- Nouveaux algorithmes de Clustering Collaboratif.
- Deux approches : Horizontale et Verticale.
- Calcul automatique des coefficients de collaboration.
- Algorithmes basés sur des approches à base de prototypes :
 - > Approche déterministe.
 - > Approche probabiliste.
 - > Approche variationnelle.



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

- Faire collaborer plusieurs méthodes de clustering.
- Considérer que le nombre de clusters est différent entre les bases.
- Proposer un algorithme de collaboration “en-ligne”.
- Fusionner les cartes (SOM, GTM, VBGTM) après la collaboration pour construire un consensus.
- Etudier l’impact de la diversité entre les différents modèles sur la qualité de la collaboration.
- Utiliser la diversité pour guider la collaboration et la rendre sélective.



Perspectives

Nous travaillons sur certaines de ces perspectives dans le cadre du projet ANR COCLICO⁽⁴⁾, en collaboration avec : ICUBE⁽⁵⁾, AgroParisTech⁽⁶⁾, LIVE⁽⁷⁾ et Espace Dev⁽⁸⁾.

Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives



-
- (4). COllaboration, CLassification, Incrémentalité et CONnaissances.
 - (5). Laboratoire des sciences de l'Ingénieur, de l'Informatique et de l'Imagerie, Université de Strasbourg
 - (6). Institut des sciences et industries du vivant et de l'environnement
 - (7). Laboratoire Image, Ville, Environnement, Université de Strasbourg
 - (8). L'espace au service du développement, Université Montpellier 2



Contexte

Clustering
Collaboratif
à base de
Prototypes

Collaboration
sous cadre
Déterministe

Collaboration
sous cadre
Probabiliste

Collaboration
sous cadre
Bayésien

Bilan &
Perspectives

Revues :

- *Collaborative Clustering Using Prototype-Based Techniques*. International Journal of Computational Intelligence and Applications 11, 03 (2012), 1250017.
- *Collaborative Fuzzy Clustering of Variational Bayesian GTM*. International Journal of Computational Intelligence and Applications (2013), *submitted*.

Conférences :

- *Learning Confidence Exchange in Collaborative Clustering*. In Neural Networks (IJCNN), The 2011 International Joint Conference on (2011), pp. 872–879.
- *Collaborative Generative Topographic Mapping*. In Neural Information Processing, vol. 7664 of Lecture Notes in Computer Science. Proc of ICONIP'12. Springer Berlin Heidelberg, 2012, pp. 591–598.(2012)
- *Collaborative Multi-View Clustering*. In Neural Networks (IJCNN), The 2013 International Joint Conference on (2013), pp. 872–879.
- *Apprentissage de la confiance des échanges en classification collaborative non supervisée*, in Proc. of CAP, Conférence Francophone d'Apprentissage , Chambéry, (2011).